

Demostración.

¿ Es cierto que $\det(AB)=\det(BA)$

1. $\det(AB) = \det(BA)$

Nota 1. *Hipotesis*

2. $\det(AB) = \det(A)\det(B)$

Teorema 2. *El determinante del producto de dos matrices es el producto de sus determinantes, es decir,*

$$\det(AB) = \det(A)\det(B)$$

3. $\det(AB) = \det(B)\det(A)$

Nota 3. *Por teorema explicado en el punto 2.*

4. $\det(A)$

Definición 4. Sea $A=[a_{ij}]$ una matriz $n \times n$. Definimos el determinante de A , que se escribe como $\det(A)$ o $|A|$ como,

$$\det(A) = \sum (\pm) a_{1j_1} a_{2j_2} \dots a_{nj_n}$$

de donde se concluye que $\det(A)$ es un real.

5. $\det(B)$

Definición 5. Sea $B=[b_{ij}]$ una matriz $n \times n$. Definimos el determinante de B , que se escribe como $\det(B)$ o $|B|$ como,

$$\det(B) = \sum (\pm) b_{1j_1} b_{2j_2} \dots b_{nj_n}$$

de donde se concluye que $\det(B)$ es un real.

6.

Observación 6. *Si los determinantes son numeros reales se cumple que*

$$A \times B = B \times A$$

7. $\det(AB) = \det(BA) = \det(A)\det(B) = \det(B)\det(A)$

Axioma 7. *Propiedad de conmutatividad*

$$xy = yx$$

8. $\det(AB) = \det(BA)$

Nota 8. *Se cumple por el teorema de multiplicación de determinantes y por el axioma de cuerpo, propiedad conmutativa.* \square